

1

5

2

解答例

小さい数を x とすると、大きい数は $x + 4$ と表すことができる。

$$x^2 + (x + 4)^2 = 106$$

$$2x^2 + 8x + 16 = 106$$

$$x^2 + 4x + 8 = 53$$

$$x^2 + 4x - 45 = 0$$

$$(x + 9)(x - 5) = 0 \quad x = -9, 5$$

よって、小さい数が -9 のとき、大きい数は -5 となり、
小さい数が 5 のとき、大きい数は 9 となる。

3

解答例

真ん中の整数を x とすると、連続する 3 つの整数は $x - 1, x, x + 1$ となり、

$$(x - 1)(x + 1) = 3x + 39$$

$$\text{これを解くと, } (x + 5)(x - 8) = 0 \quad x = -5, 8$$

x は正の整数なので、 $x = -5$ は問題にあわない。

$x = 8$ のとき、連続する 3 つの正の整数は $7, 8, 9$ となり、問題にあってい。

連続する 3 つの正の整数 7, 8, 9

4

解答例

真ん中の整数を x とすると、連続する 3 つの整数は $x - 1, x, x + 1$ となり、

$$x(x+1) = 6(x-1)+20$$

$$\text{これを解くと, } (x+2)(x-7)=0 \quad x = -2, 7$$

よって、 $x = -2$ のとき、連続する 3 つの整数は $-3, -2, -1$ となり、
 $x = 7$ のとき、連続する 3 つの整数は $6, 7, 8$ となる。

5

解答例

x の上の数は $x - 7$, x の右の数は $x + 1$ と表すことができる。

上の数に、 x の右の数をかけた数は、 $(x-7)(x+1)$

x に 8 をかけて 7 をひいた数は、 $8x - 7$ となり、

$$(x-7)(x+1) = 8x - 7 \\ x^2 - 6x - 7 = 8x - 7 \\ x^2 - 14x = 0 \\ x(x-14) = 0 \quad x = 0, 14$$

カレンダーの数は自然数であるので、 $x = 14$